

# 関数プログラミングの道しるべ

2011.11.11

山本和彦

# 自己紹介

山本和彦はこんなプログラマーです

中学

Basic, Z80アセンブラ

大学

FORTRAN, Pascal

1994

Lisp, C



Mew



KAME

2006

JavaScript



Firemacs

2007

Haskell



mighttpd

## お品書き

---

- 関数プログラミング
- 永続データプログラミング
- リスト
- 再帰
- MapReduce
- 文字列
- 木
- コンビネータ

「神へ参るこそ本意なれと思ひて、  
山までは見ず」にならないように！  
今日は僕が「先達」だよ。



# ☆ 関数プログラミング

## よくある偏見

---

Functional Programming

関数プログラミング

関数 = 数学  
怖い！

関数 = アカデミック  
役に立つの？

Functional



実用的

Functional Programming



実用的プログラミング

## 共通定義のない関数型言語

- それぞれの人が適当なサブセットを選んで、関数型と呼ぶ

関数が  
第一級の値

無名関数

クロージャ

カーリー化

関数の  
再帰的定義

末尾再帰の  
最適化

破壊的代入が  
ない

参照透明性

遅延評価





関数プログラミングとは  
「関数を引数に適用すること」だと言う  
プログラミング手法だとみなせる。

そして、関数型言語とは、  
関数型の手法を提供し奨励している  
プログラミング言語である。

関数型の手法とは？

## パラダイムの違い

### 命令プログラミング

命令を列挙する

A; B; C;

状態がある

破壊的代入を使う

### 関数プログラミング

関数を引数に  
適用する

状態はない

(値を破壊したくなったら)  
新たな値を作る

関数型の手法とは

永続データを使った  
プログラミング



# ☆ 永続データプログラミング

## 例題

---

- 入力として整数のリストあるいは配列  
[10, 20, 30, 40, 50] がある
- 0 から数えて n 番目の要素には n を掛ける
- それらをすべて足し合わせる
  
- つまり、以下のような計算をする

$$10 * 0 + 20 * 1 + 30 * 2 + 40 * 3 + 50 * 4 = 400$$

$$10 * 0 + 20 * 1 + 30 * 2 + 40 * 3 + 50 * 4 = 400$$

命令型プログラマーなら  
for 文か類似のループで  
問題を解く

## 不格好な for 文

---

- Douglas Crockford のエッセイ  
「JavaScript: 世界で最も誤解されているプログラミング言語」  
<http://www.crockford.com/javascript/javascript.html>

波括弧や不格好な for 文がある  
JavaScript の C ライクな文法を見ると、  
通常の命令型言語のように思える。

これは誤解を与えやすい。  
なぜなら、JavaScript は、  
C や Java とよりも  
関数型言語 Lisp や Scheme との方が  
共通点が多いからだ。



for 文って不格好なの？

## for の秘密

---

- 山本和彦は、for について授業で熱く語っていた
- for の意味
  - for は期間の for だ！
  - 例) for two days
- 非対称範囲を使え！
  - `for (i = 0; i < N; i++) { }`
  - 左の境界は入るが、右の境界は入らない
  - 0 から始めると配列と相性がよい
  - N をそのまま使える
  - 個数 = 最後 - 最初 + 1
    - $(N - 1) - 0 + 1 = N$
  - 不等号を使うと安全性
    - コンピュータでは、 $1/3 + 1/3 + 1/3 \neq 1$

## JavaScript で不格好な for

---

```
function func(ar) {  
    var ret = 0;  
    for (var i=0; i < ar.length; i++) {  
        ret = ret + ar[i]*i;  
    }  
    return ret;  
}
```

```
func([10, 20, 30, 40, 50]);  
→ 400
```

- 関数プログラマーには仕事のやり過ぎに見える

## Haskell で MapReduce

---

```
zip [0..] [10,20,30,40,50]  
→ [(0,10), (1,20), (2,30), (3,40), (4,50)]
```

```
map \(i,x) -> x*i) 上の式  
→ [0,20,60,120,200]
```

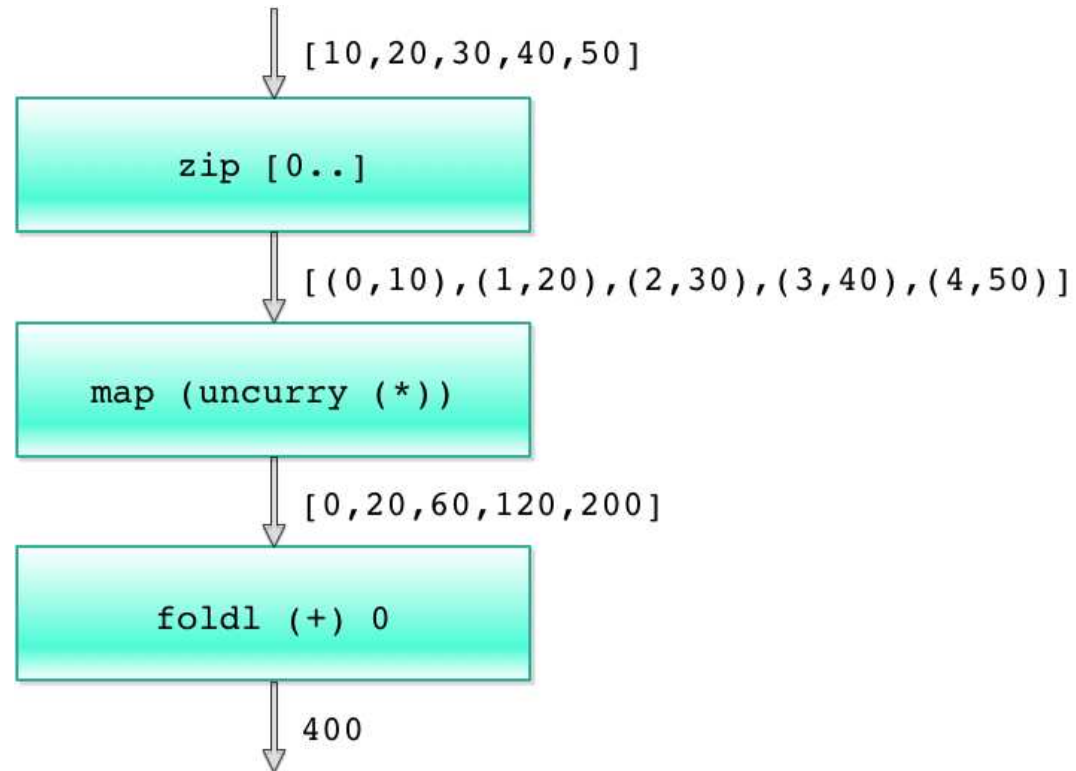
```
foldl (+) 0 上の式  
→ (((0 + 0) + 20) + 60) + 120) + 200  
→ 400
```

### ■ 関数を合成する

```
func = foldl (+) 0  
      . map \(i,x) -> x*i)  
      . zip [0..]
```

```
func [10,20,30,40,50]  
→ 400
```

# 関数プログラミングと信号回路



関数プログラミングの極意は  
バグの入り込みにくい  
小さな関数をつなげて  
大きな関数を作ること



# ☆リスト

警告：このセクションは退屈です

## リストの三種の神器

---

- head (car, first)
  - リストの先頭の要素を取り出す
- tail (cdr, rest)
  - 先頭のリストを除いた残りのリストの取り出す
- : (cons)
  - リストの先頭に要素を加える

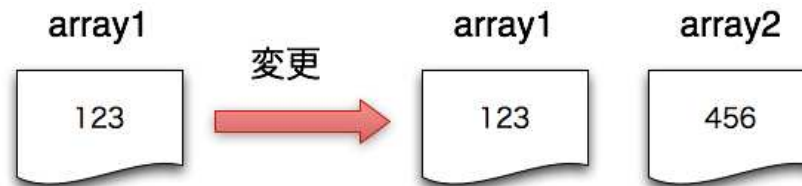
☆ 落とし穴 ☆  
Lisp の入門書などでは  
意義の説明なしに car, cdr, cons  
が出てきてつまらなくなる



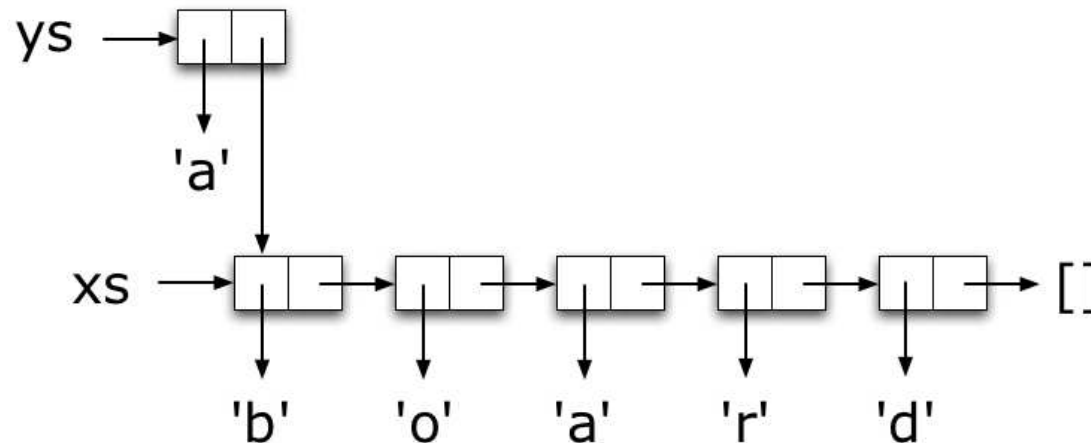


## 永続データとしてのリスト

- 命令型言語のように配列を使うと悲惨
  - 配列の変更は、配列全体のコピーを意味する



- リストの先頭に要素を追加しても、元のリストは破壊されない



## リストの表記

---

- 略記 -- `[1, 2, 3]`
- 正式 -- `1 : 2 : 3 : []`
- `:` (cons) は右結合 -- `1 : (2 : (3 : []))`

- `:` の利用例

```
'a' : ['b', 'o', 'a', 'r', 'd']  
→ ['a', 'b', 'o', 'a', 'r', 'd']
```

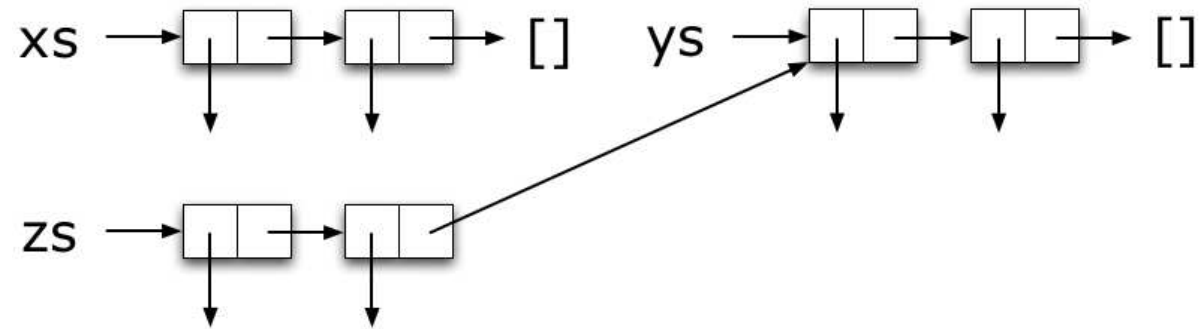
- パターンマッチがあれば、  
`head` や `tail` はあまり使わない

```
sum [] = 0  
sum (x:xs) = x + sum xs
```

## リストの連結(1)

- ++ (append) の左のリストはコピーされる

$zS = xS ++ yS$



- ++ の原則1) なるべく使わない

## リストの連結(2)

---

- ++ は右結合で使うと  $O(N)$   
XS ++ (YS ++ ZS)
- ++ は左結合で使うと  $O(N^2)$   
(XS ++ YS) ++ ZS
- ++ の原則2) 使うなら右結合で使え

関数プログラミングとは  
ある意味  
リストプログラミングのこと。  
退屈な導入に負けないで！



☆ 再帰

## 再帰の例

---

- 階乗の漸化式

$\text{factorial}(0) = 1$

$\text{factorial}(n) = n * \text{factorial}(n - 1)$

- 基底部で終了する

- 再帰部で仕事をする

```
factorial :: Int -> Int
```

```
-- 基底部
```

```
factorial 0 = 1
```

```
-- 再帰部
```

```
factorial n = n * factorial (n-1)
```

## 再帰のころ

---

- 一つ前ができていたら、次はどうする？

- (C) nobsun

- 1) factorial n で n! を表す
- 2) factorial (n - 1) まで、できているとする
- 3) 次はどうする？
  - それに n をかければよいはず

factorial n = n \* factorial (n-1)



## 型検査と再帰

---

- 再帰は式
  - 部分も式

```
length :: [Int] -> Int
```

```
length [] = 0
```

```
length (x:xs) = 1 + length xs
```

- 静的型付けであれば型検査の恩恵を受ける
  - コンパイル時にたくさん間違いを発見できる

## 二種類の再帰

---

- リストを生成する関数
  - (末尾でない)再帰を使う
- 数値を生成する関数
  - 末尾再帰を使う

## リストを生成する再帰

- (末尾でない)再帰

- 分岐の末端で、一番外の関数が自分自身ではない再帰
- Haskell では = の直後に自分自身がない再帰

```
(++) :: [a] -> [a] -> [a]
```

```
[] ++ ys = ys
```

```
(x:xs) ++ ys = x : (xs ++ ys)
```

{- あるいは

```
(++) (x:xs) ys = (:) x (xs ++ ys)
```

-}

- これは遅延評価と相性がいい

- 正格評価を採用している言語では `delay` と `force` を使う

## 数値を生成する再帰

---

- (末尾でない)再帰で書いてみる

```
sum :: Num a => [a] -> a
```

```
sum [] = 0
```

```
sum (x:xs) = x + sum xs
```

{- あるいは

```
sum (x:xs) = (+) x (sum xs)
```

-}

- スタックが溢れる

```
sum [1,2,3,4]
```

```
= 1 + sum [2,3,4]
```

```
= 1 + (2 + sum [3,4])
```

```
= 1 + (2 + (3 + sum [4]))
```

```
= 1 + (2 + (3 + (4 + sum [])))
```

```
= 1 + (2 + (3 + (4 + 0)))
```

## 末尾再帰

- 末尾再帰で書き直す
  - 分岐の末端で、一番外の関数が自分自身である再帰
  - 引数に蓄積変数を追加するのが定石

```
sum :: Num a => [a] -> a
sum xs = sum' 0 xs
  where
    sum' r [] = r
    sum' r (y:ys) = sum' (y+r) ys
```

- スタックは溢れない

```
sum' 0 [1,2,3,4]
= sum' 1 [2,3,4]
= sum' 3 [3,4]
= sum' 6 [4]
= sum' 10 []
= 10
```

再帰的に考える！  
そうすれば  
型システムのご加護がある！



# ★ MapReduce

## 二つの畳み込み

---

- 右からの畳み込み

[1, 2, 3, 4]

$$1 + (2 + (3 + (4 + 0)))$$

- 左からの畳み込み

[1, 2, 3, 4]

$$(((0 + 1) + 2) + 3) + 4$$



## 右からの畳み込み

---

### ■ foldr の実装

```
foldr :: (a -> b -> b) -> b -> [a] -> b
foldr _ ini []      = ini
foldr op ini (x:xs) = op x (foldr op ini xs)
```

- これは(末尾でない)再帰
  - リストを生成する関数と相性がよい

### ■ ++ を foldr で実装する

```
(++) :: [a] -> [a] -> [a]
xs ++ ys = foldr (:) ys xs
```

## 左からの畳み込み

---

- `foldl` の実装

```
foldl :: (a -> b -> a) -> a -> [b] -> a
foldl _ acc []      = acc
foldl op acc (x:xs) = foldl op (op acc x) xs
```

- これは末尾再帰

- 数値を生成する関数と相性がよい

- `sum` を `foldl` で実装する

```
sum :: Num a => [a] -> a
sum xs = foldl (+) 0 xs
```

## 高階関数 map

---

### ■ 再帰版

```
map :: (a -> b) -> [a] -> [b]
map _ []          = []
map f (x:xs)     = f x : map f xs
```

### ■ foldr 版

```
map :: (a -> b) -> [a] -> [b]
map f xs =
  foldr (\y ys -> f y:ys) [] xs
```

## 高階関数 filter

---

### ■ 再帰版

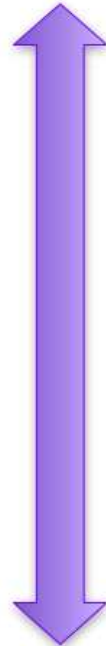
```
filter :: (a -> Bool) -> [a] -> [a]
filter _ [] = []
filter prd (x:xs)
  | prd x      = x : filter prd xs
  | otherwise  = filter prd xs
```

### ■ foldr 版

```
filter :: (a -> Bool) -> [a] -> [a]
filter prd xs = foldr filter' [] xs
  where
    filter' y ys
      | prd y      = y : ys
      | otherwise  = ys
```

## 力の階層と節度

強い



弱い

再帰

(自然な)再帰  
末尾再帰

畳み込み

foldr  
foldl

単純な高階関数

map  
filter

なるべく力の弱いものを使え！

## どちらが分かりやすい？

---

### ■ 再帰で書く

```
sumEven :: [Int] -> Int
sumEven xs = sumEven' xs 0
  where
    sumEven' []      r = r
    sumEven' (y:ys) r
      | even y      = sumEven' ys (y + r)
      | otherwise   = sumEven' ys r
```

### ■ MapReduce で節度を守って書く

```
sumEven :: [Int] -> Int
sumEven xs = foldl (+) 0 (filter even xs)

{- あるいは
sumEven = foldl (+) 0 . filter even
-}
```

(再帰で) 考えるな！

(MapReduce を) 感じろ！



# ☆ 文字列



## 文字列プログラミング

---

- 「文字列は文字のリスト」であるとする
  - "String" = ['S', 't', 'r', 'i', 'n', 'g']
  - 文字列が文字のリストでなくても考え方は同じ
- お題
  - メールのヘッダを解析する
  - 最長重複文字列を探す

## メールのヘッダを解析する

---

- フィールドのキーと値を取り出す

```
"Subject: Hello world "
```

```
key = "Subject"
```

```
val = "Hello world"
```

## JavaScript でメールのヘッダを解析する

---

- きっと正規表現を使う

```
var target = "Subject: Hello world ";
var x = target.match(/^(\\w+):\\s*(.*)/);
var key = x[1];
var val = x[2].replace(/\\s*$/, "");
```

## 関数的にメールのヘッダを解析する

---

```
target = "Subject: Hello world "
```

```
break (==':') target
```

```
→ ("Subject", ": Hello world ")
```

```
tail (snd 上の式)
```

```
→ " Hello world "
```

```
dropWhile isSpace 上の式
```

```
→ "Hello world "
```

```
dropWhileEnd isSpace 上の式
```

```
→ "Hello world"
```

## 利用した高階関数

---

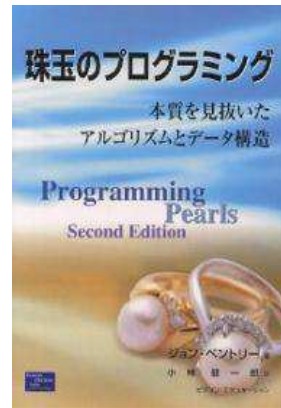
```
break :: (a -> Bool) -> [a] -> ([a],[a])
break _ []      = ([],[ ])
break p (x:xs)
  | p x          = ([ ],x:xs)
  | otherwise    = (x:ys,zs)
  where
    (ys,zs) = break p xs

dropWhile :: (a -> Bool) -> [a] -> [a]
dropWhile _ [] = []
dropWhile p (x:xs)
  | p x          = dropWhile p xs
  | otherwise    = x:xs

dropWhileEnd :: (a -> Bool) -> [a] -> [a]
dropWhileEnd p = foldr op []
  where
    op x xs
      | p x && null xs = []
      | otherwise     = x:xs
```

## 最長重複文字列

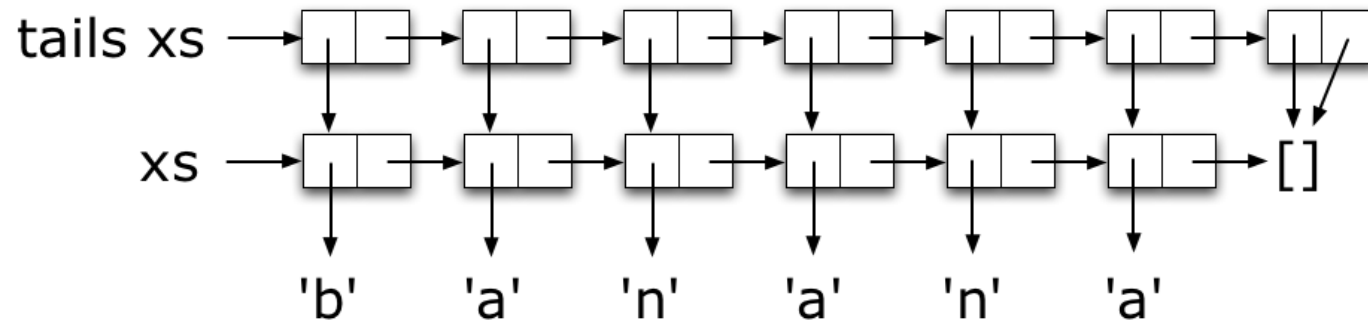
---



Ask not what your country can do for you,  
but what you can do for your country.

最長重複文字列は "can do for you"

## サフィックス(接尾辞)リスト



### ■ tails の利用例

```
tails "banana"  
→ ["banana", "anana", "nana", "ana", "na", "a", ""]
```

### ■ tails の定義

```
tails :: [a] -> [[a]]  
tails [] = [[]]  
tails xs = xs : tails (tail xs)
```

## 最長重複文字列を求める(1)

---

tails "mississippi"

→ ["mississippi", "ississippi",  
"ssissippi", "sissippi", ...]

sort 上の式

→ ["", "i", "ippi", "issippi",  
"ississippi", "mississippi", "pi", ...]

zip 上の式 (tail 上の式)

→ [("i", "ippi"), ("ippi", "issippi"),  
("issippi", "ississippi"), ...]



## 最長重複文字列を求める(2)

---

- 先頭からの共通部分の長さを求める

```
comlen :: Eq a => [a] -> [a] -> Int
comlen as bs = comlen' as bs 0
  where
    comlen' (x:xs) (y:ys) n
      | x == y    = comlen' xs ys (n+1)
    comlen' _ _ n = n
```

- 長さと文字列の組へ

```
lenstr :: Eq a => ([a], [a]) -> (Int,[a])
lenstr (xs,ys) = (len,xs)
  where
    len = comlen xs ys
```

## 最長重複文字列を求める(3)

---

```
→ [ ("", "i"), ("i", "ippi"),  
    ("ippi", "issippi"),  
    ("issippi", "ississippi"), ...
```

map lenstr 上の式

```
→ [(0, ""), (1, "i"), (1, "ippi"),  
    (4, "issippi"), (0, "ississippi"), ...
```

maximumBy (comparing fst) 上の式

```
→ (4, "issippi")
```

take (fst 上の式) (snd 上の式)

```
→ "issi"
```

文字列はリスト操作で！  
リストライブラリを読もう。  
複雑ならパーサーを書く。  
正規表現は忘れていいよ。



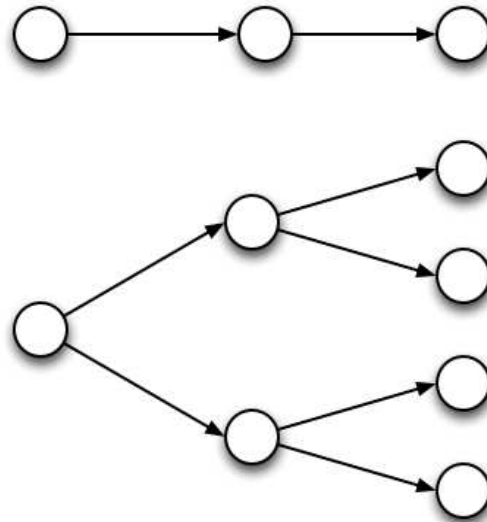
☆ 木

## リストと木

---

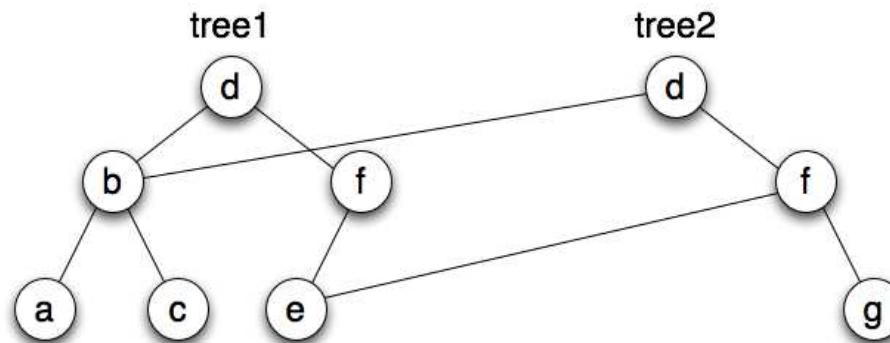
```
data List a =  
  Nil | Cons a (List a)  
data Tree a =  
  Tip | Bin a (Tree a) (Tree a)
```

- 一分木か二分木か



## 永続データとしての木

- 木では更新時に多くの部分を共有できる
- 例えば要素を挿入する
  - 10,000ノードの木だと約13ノードを新たに作ればよい



## 走査(1)

---

```
preorder :: Tree a -> [a]
preorder Tip          = []
preorder (Bin x l r) =
    [x] ++ preorder l ++ preorder r
```

```
inorder :: Tree a -> [a]
inorder Tip          = []
inorder (Bin x l r) =
    inorder l ++ [x] ++ inorder r
```

```
postorder :: Tree a -> [a]
postorder Tip          = []
postorder (Bin x l r) =
    postorder l ++ postorder r ++ [x]
```

## 走査(2)

---

```
preorder :: Tree a -> [a]
preorder t = go t []
  where
    go Tip xs          = xs
    go (Bin x l r) xs = x : (go l (go r xs))

inorder :: Tree a -> [a]
inorder t = go t []
  where
    go Tip xs          = xs
    go (Bin x l r) xs = go l (x : (go r xs))

postorder :: Tree a -> [a]
postorder t = go t []
  where
    go Tip xs          = xs
    go (Bin x l r) xs = go l (go r (x : xs))
```



## その他の操作

---

- 挿入、削除
- 分割、マージ
- 回転し平衡化する
  
- 自分で勉強して下さい！

## 木の用途

---

探索木

$O(\log N)$  のハッシュテーブル

集合演算

キュー

優先順序付きキュー

両端キュー

巨大な文字列操作

## 永続データプログラミングの弱点

---

- 配列と相性が悪い
- 更新や検索が  $O(1)$  でできるハッシュテーブルがない
  - 辞書、連想配列、Finite Map
  
- 短命データを使う
  - 命令的な解決方法
  
- 融合変換、リサイクルを使う
  - 関数的な解決方法 (制限あり)
  - 中間の不要なデータをなくす
  - 「簡約入力娘」が秀逸

リストだけに頼ってはダメ。  
コンテナライブラリを読もう。



# ☆ コンビネータ

## コンビネータとは何か？

---

- コンビネータ = 素敵な内部DSL

- 問題を表すデータ型を定義する

```
data Parser a =  
    Parser (String -> (Maybe a, String))
```

- そのデータを返す小さな関数を書く

```
char :: Char -> Parser Char  
char c = ...
```

- それらを組み合わせる関数を書く

```
(<|>) :: Parser a -> Parser a -> Parser a  
p1 <|> p2 = ...
```

- 狭義には組み合わせる関数を  
広義にはこれら全体をコンビネータと呼ぶ

## パーサーコンビネータ

---

- JSON の BNF (RFC 4627)

value = object / array / number / string ...

- パーサーコンビネータで JSON パーサーの定義

```
value :: Parser JSON
```

```
value = jsObject <|> jsArray
```

```
      <|> jsNumber <|> jsString ...
```

- BNF に従って実装すればよい(コツは必要)
- パーサーコンビネータを使って書くのはその言語のコードそのもの
- 型システムのご加護がある

## さまざまなコンビネータ

---

パーサー

プリティプリンタ

SQL, XML, HTML

Functional  
Reactive  
Programming

ハードウェア記述

金融商品記述  
(デリバティブ記述)



本殿へようこそ！



## もっと勉強するために

---

### ■ 書籍

- 7つの言語 7つの世界
  - Scala、Erlang、Clojure、Haskell
- Scheme 手習い
- プログラミングHaskell
- Scala スケーラブルプログラミング
- プログラミングの基礎
  - OCaml、浅井健一著
- Purely Functional Data Structure

### ■ オンライン記事

- 右も左も分かる再帰
- Haskellの文法(再帰編)
- なぜ関数プログラミングは重要か